静磁場重畳電磁浮遊法による高温活性融体の熱物性測定の高精度化

Thermophysical property measurements of high-temperature reactive melts

using electromagnetic levitation with dc magnetic field

東北大·多元研 福山博之,小畠秀和,東北大·金研 淡路智

H. Fukuyama¹, H. Kobatake¹, S. Awaji²

1 Institute of Multidisciplinary Research for Advanced Materials, Tohoku University ² Institute for Materials Research, Tohoku University

1. はじめに

当研究室では、高温活性金属融体の熱物性を電磁 浮遊法と超伝導磁石を組み合わせたレーザー周期加 熱法によって精度よく測定する技術を開発している.こ の手法を用いると、これまで未解明であった高温融体の 熱物性と電気的性質や構造との関係を解明することが できるため、高温融体の物性物理分野の進展に大きく 貢献できる.

シリコンの電気伝導率は融解時に 20 倍程度増大す ることから[1], 溶融シリコンは金属的な電子伝導性を持 っと考えられている.しかし, その配位数は 5-6 [2]と一 般的な金属の配位数 12 [3]に比べて小さく, 共有結合 的な特徴も有しており, 物性と構造の関係は興味深い. 溶融シリコンが典型的な金属として振舞うとすると, その 熱伝導率は Wiedemann-Franz 則に従って電気抵抗率 に反比例する.また, Drude モデルを溶融シリコンに適 応すると, その放射率は電気抵抗率の関数として表す ことができる.

本研究では、溶融シリコンの液体構造と電気特性が その熱物性に与える影響を調べるために、非接触レー ザー周期加熱カロリメトリー[4-8]による溶融シリコンの熱 容量と熱伝導率の同時測定を行った.さらに自由電子 モデルの溶融シリコンへの適応性を評価するために、 溶融シリコンの垂直分光放射率測定を行い、熱伝導率 と垂直分光放射率そして電気抵抗率の関係を調べ、溶 融シリコンの熱輸送および放射特性における自由電子 の役割について考察した.

2. 測定方法

2-1. 非接触レーザー周期加熱カロリメトリー原理

表面酸化防止および融体の過冷却域での試料保持 のために Ar-5%H₂ ガス中でシリコン試料を浮遊溶融さ せた. 浮遊液滴の上面を角周波数 ω [rad's⁻¹]で変調し たレーザー $P_o(1+\cos\omega t)$ [W'm⁻²]を照射して周期加熱を 行った. 試料下面の温度応答は放射温度計を用いて 測定した. 液滴の振動, 並進運動および液滴内対流は, 超伝導磁石による静磁場印加により抑制した.

交流定常状態での温度振幅 ΔT_{ac} ,と位相差 ϕ は,それ ぞれ次式で与えられる[4].

$$\Delta T_{ac} = \frac{\alpha P_o}{\omega C_p} \left\{ 1 + \frac{1}{\omega^2 \tau_r^2} + \omega^2 \tau_c^2 \right\}^{-1/2} = \frac{\varepsilon_s P_o}{\omega C_p} f \qquad (1)$$

 $\cos\phi = \frac{1}{\omega} \left\{ \frac{1}{\tau_c \tau_r} - \omega^2 \right\} f$ (2) ここで、 α はレーザー光の吸収係数であり、本研究では レーザー波長における試料の垂直分光放射率(ε_s = 0.225 [9])を用いた. また, C_p は試料の熱容量 [J·K⁻¹], f は補正関数である. τ_r [s]は試料外部への幅射とガスの 強制対流伝熱による熱緩和時間, τ_c [s]は試料内部の熱 伝導による熱緩和時間で, それぞれ次式で表される.

$$\tau_r = \frac{C_p}{K_r} = \frac{C_p}{A(4 \varepsilon \sigma T_o^3 + h)}$$
(3)

$$\pi_c = \frac{C_p}{K_c} V_h (1 - V_h) \tag{4}$$

ここで、 ϵ は、半球全放射率、 σ [W·m⁻²·K⁻⁴]は、Stefan-Boltzmann 定数, h [W·m⁻²·K⁻¹]は、雰囲気ガスへの熱伝 達係数である. (2)式を実験によって得られた位相差の 周波数依存性を再現するようにフィッティングし、測定毎 に補正関数fの最大値を決定し、熱容量を求めた.

熱伝導率の測定法[5]について、以下に述べる. 初期 温度 T_o に比べ、周期加熱時の平均温度上昇 ΔT_{dc} 及び 温度振幅 ΔT_{ac} が十分小さく、温度場は交流定常状態 にあるとし、以下に示す液滴の中心を原点とした軸対称 非定常熱伝導方程式を解くことによって、熱伝導率をパ ラメータとした位相差と角周波数の関数を得た.

$$\rho c_{p,mass} \frac{\partial T}{\partial t} = \kappa \left[\frac{\frac{1}{r^2}}{\frac{\partial}{\partial r}} \left(r^2 \frac{\partial T}{\partial r} \right) + \frac{1}{\frac{1}{r^2} \sin \theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left(\sin \theta \frac{\partial T}{\partial \theta} \right) \right] + Q(r,\theta)$$
(5)

この関数を実験により得られる ϕ の角周波数依存性を再 現するように非線形最小二乗フィッティングし,熱伝導 率を求めた[4-8].ここで、 ρ は,密度[10]、 $c_{p,mass}$ [J·kg⁻¹·K⁻¹]は,定圧質量熱容量, κ [W·m⁻¹·K⁻¹]は,熱伝 導率, $Q(r, \theta)$ [W·m⁻³]は,単位体積当たりのコイルから の入熱,r[m]及び θ [rad]は,球座標である.

2-2. 垂直分光放射率測定原理

試料の垂直分光放射率 $\epsilon(\lambda, T)$ は同じ波長, 温度に おける黒体放射輝度 $R_B(\lambda, T)$ に対する試料からの垂直 分光放射輝度 $R_S(\lambda, T)$ の比として, 次式で表される.

$$\varepsilon(\lambda, T) = \frac{R_S(\lambda, T)}{R_B(\lambda, T)}$$
(6)

ある波長,温度における *R_B(λ, T*)は放射のプランク則を 用いて以下の式で得られる.

$$R_B(\lambda, T) = \frac{C_1}{\lambda^5 \{ \exp(C_2/\lambda T) - 1 \}}$$
(7)

ここで C_l = 3.742 × 10⁸ [W·µm⁴·m⁻²], C_2 = 1.439 × 10⁴ [µm·K] の定数である. 本研究では, 擬似黒体で校正し た分光器用いて溶融シリコンの放射輝度を測定し, プラ ンク則から計算した黒体放射輝度との比から溶融シリコ ンの垂直分光放射率を求めた[9].

3.結果

3-1. 溶融シリコンの熱容量

本研究によって測定したシリコン融体の定圧モル熱容 量と固体および融体シリコンの熱容量の JANAF の推奨 値 [11] そして落下型カロリメトリーによって測定された 融体シリコンの熱容量[12-14]を Fig. 1 に示す.本研究 では過冷却を含む 1550 - 1960 K の温度範囲で定圧モ ル熱容量を測定することに成功した.





測定温度範囲(1550 - 1960 K)において、シリコン融体の定圧モル熱容量にはほとんど温度依存性が見られないことから、測定値の平均をとって c_p / J·mol⁻¹·K⁻¹ = 24.1 ± 1.4 [1550 - 1960 K] を得た.またこの値に対する不確かさは、全データの標準偏差の2倍の値を採用し、95.44%の信頼性を確保している.

本研究で得られた値は Olette [14]によって測定され た値と良い一致を示す. 融点において溶融シリコンの熱 容量は固体のシリコンに比べ 5 J·mol⁻¹·K⁻¹程度低い値 をとる.

3-2. 溶融シリコンの熱伝導率

本研究で測定したシリコン融体の熱伝導率の温度依 存性およびレーザーフラッシュ法; LF [15-17], Hot-disk 法; HD [18], 非定常熱線法: TW [19]での測定値, 電 気伝導度から Wiedemann-Franz 則を用いて計算した 値:FP [2, 20-22] を合わせて Fig. 2 に示す.

静磁場印加強度の増大に伴い見かけの熱伝導率は 減小したが、4.0 T以上の静磁場印加により値が収束し た.この事は、4.0 T以上の磁場印加によって、対流が 熱伝導率を測定するのに十分抑制されたことを示す. そこで4.0 T以上の静磁場印加により測定された熱伝導 率は真の値であると考え、熱伝導率の値を、

 $\kappa / W m^{-1} K^{-1} = (0.010\pm 0.003) \times (T - 1685) + (56.0\pm 2.9)$ と得た.

3-3. 溶融シリコンの垂直分光放射率

溶融シリコンの垂直分光放射率には明確な温度依存 性は見られなかった.測定した温度範囲 [1660 – 1790 K]での垂直分光放射率の平均値の波長依存性を Fig. 3 に示す.本研究によって測定した値は,電磁浮遊法を 用いて Kawamura et al. [9] によって測定された値と極 めて良い一致を示す.



Fig. 2 Temperature dependence of thermal conductivity of liquid silicon with literature data

一方,容器を用いて測定された溶融シリコンの垂直 分光放射率は,浮遊法を用いて測定された値より高い 値をとる.これは,融体を保持する容器と融体との反応 生成物もしくは容器から放射された光が検出器に入射 したため,見かけ上高い値が測定された結果によるもの と考えられる.



Fig. 3 Wavelength dependence of normal spectral emissivity of liquid silicon with literature data

4. 考察

4-1. 融点における融体-固体シリコンの熱容量の差

定圧モル熱容量 c_p は、定積モル熱容量 c_v 、体積圧縮 率 α 、体積膨張率 β およびモル体積Vを用いて次式で 表される.

$$c_p = c_v + \frac{TV\beta^2}{\alpha} \tag{8}$$

固体シリコンの体積圧縮率,体積膨張率及びモル体積 は,それぞれ,0.8×10⁻⁴ kPa⁻¹ [28],1.3×10⁻⁵ K⁻¹ [28], 1.2×10⁻⁵ m³·mol⁻¹[29]であり、一方溶融シリコンの体積圧 縮率、体積膨張率及びモル体積は、それぞれ、 0.8×10⁻⁴ kPa⁻¹ [28]、7.2×10⁻⁵ K⁻¹[10]、1.1×10-5 m³·mol⁻¹ [10] である.

これらの値から計算される(8)式の右辺の第二項の値 は、それぞれ固体シリコン:4.2×10⁻⁵ J·mol⁻¹·K⁻¹、融体シ リコン:1.02×10⁻³ J·mol⁻¹·K⁻¹ と小さく、従って、融点でみ られた固体と融体シリコンの定圧モル熱容量の差は、定 積モル熱容量の差に起因するものと考えられる.

Stillinger and Weber (1985) [30] らは, (1) 0 K でのシリ コンの安定な構造はダイアモンド構造である, (2) 融点 を再現できる, という条件で2 体間ポテンシャルを決定し, MD シミュレーションによる溶融シリコンの熱物性の再現 を試みた. このシミュレーション計算の結果, 固体シリコ ンの定積モル熱容量に対する融体シリコンの定積熱容 量は,構造変化に伴う内部エネルギー変化により 20% 低下する可能性が指摘された.

本研究で得られた溶融シリコンの定圧モル熱容量は $c_p(l) = 24.1 \pm 2.7 \text{ J·mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ であった.一方, JANAF に よる固体のシリコンの定圧モル熱容量の推奨値は $c_p(s)$ = 29.2 J·mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}である.本研究で得られた溶融シリコ ンの熱容量は固体に比べて 17%程度低い値となってお り, MD シミュレーションから予想される熱容量の減少率 とほぼ一致する.このことは,融点において見られた溶 融シリコンの熱容量の減小は,構造変化に伴う内部エ ネルギー変化によって引き起こされたものであると考え られる.

4.2. 溶融シリコンの熱輸送および放射プロセスにおける自由電子の役割

溶融シリコンに対して、Wiedemann-Franz 則が成り立つと仮定すると、溶融シリコンの熱伝導率はその電気抵抗率 ρ_e を用いて、

$$\kappa = \frac{LT}{\rho_{el}} \tag{9}$$

と表される[31]. ここで, Lは Lorenz 数(2.45×10⁸ W· Ω ·K⁻²)である. 一方, Drude モデルを仮定すると, 以下の ように垂直分光放射率も電気抵抗率の関数で表すこと が出来る. 複素誘電率の実部と虚部はそれぞれ屈折率 nと消衰係数kを用いて,

$$\varepsilon_1(\omega) = 1 + n^2 - k^2 = 1 - \frac{\omega_P^2 \tau^2}{1 + \omega_{el}^2 \tau^2}$$
 (10 - a)

$$\varepsilon_2(\omega) = 2nk = \frac{\omega_P^2 \tau}{\omega_{el} \left(1 + \omega_{el}^2 \tau^2\right)}$$
(10 - b)

と表される. ここで, ω_{el} : 電場の角振動数(rad·s⁻¹), τ : 伝 導電子の緩和時間(s), ω_p : プラズマ周波数で次の式で 表される.

$$\omega_p^2 = \frac{Ne^2}{m\varepsilon_o} \tag{11}$$

ここで N:単位体積あたりの伝導電子数(m⁻³), e:電子の 電荷(1.602×10⁻¹⁹ C), m:電子の有効質量(9.109×10⁻³¹ kg), ε_o : 真空の誘電率(8.854×10⁻¹² F·m⁻¹)である.

熱平衡状態にある不透明体の分光放射率は,光学定

数を用いて以下のように表される.

ε

$$=\frac{4n}{(n+1)^2+k^2}$$
 (12)

さらに、緩和時間 τ は溶融シリコンの電気抵抗率 ρ_e を用いて、次の式から得られる.

$$\tau = \frac{m}{Ne^2 \rho_{el}} \tag{13}$$

自由電子モデルを仮定し、(9)式および(12)式を用い て計算した熱伝導率および垂直分光放射率 (λ = 1600 nm)の電気抵抗率依存性をFig. 4に示す.単位体積あ たりの伝導電子数, N (2.215×10²⁹ m⁻³)は、シリコン溶融 時に1原子当り4個の価電子が自由電子になると仮定 し、溶融シリコンの密度 [10]を用いて計算した.

Fig. 4に本研究で求めた融点における溶融シリコンの 熱伝導率 (56 W·m⁻¹K⁻¹)と Kawamura et al (2005) [9] によって求められた波長 1600 nm における溶融シリコ ンの垂直分光放射率 (0.20) を示す. また電気抵抗率 の文献値 [2, 20-22] も併せて示す. 自由電子モデル を仮定して本研究で実測した熱物性値から推察される 電気抵抗率は, それぞれ 74×10⁻⁷ Ω ·m⁻¹, 76×10⁻⁷ Ω ·m⁻¹ となり, 両者はほぼ一致している. また, これらの値 は, Schnyders et al.[22]によって得られた電気抵抗率と 良い一致を示している.



Fig. 4 Thermal conductivity and normal spectral emissivity at infrared region as a function of electrical resistivity

Schnyders et al. [22] の電気抵抗率測定では (1) 酸素の混入を防ぐために,雰囲気制御に注意を払い,か つグラファイト坩堝を用いて測定がなされていること,(2) 測定後の試料に SiC が生成されていないことを確認し ている. これらのことから,無容器で汚染を防ぎながら測 定した本研究の熱物性値との比較に Schnyders et al. [22] の電気抵抗率を用いることは妥当であるといえる. 自由電子モデルを仮定し,熱伝導率および垂直分光放 射率から計算した電気抵抗率とその実測値が一致する という事実は,液体シリコンの熱輸送特性および赤外波 長域の放射特性は主に自由電子によって支配されてい ることによるものと考えることができる.

5. まとめ

(1) シリコン融体に対して非接触レーザー周期加熱カロ リメトリーを行ない、1550 - 1960 K の温度範囲において 下記の結果を得た.

 $c_p(1) = 24.1 \pm 1.4 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$,

$$\kappa = 0.011 \times (T - 1740) + 56.5 \text{ W} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$$

(2) 融点における固体-液体シリコン間の熱容量の違いは構造の変化に起因するものと考えられる.
(3) 本研究結果によって得られた熱伝導率と近赤外波長領域の垂直分光放射率は、ともに自由電子モデルを仮定し、電気抵抗率から計算された値と良い一致を示している.

(4) 液体シリコンの熱輸送特性および赤外波長域にお ける放射特性は主に自由電子によって支配されてい る.

参考文献

- [1] Cusack N. E. Rep. Prog. Phys 26 (1963), 361-365.
- [2] Waseda, Y. and Suzuki, K. Z. Physik, **B20**, (1975), 339-343.
- [3] Faber, T. E. Introduction to the Theory of Liquid *Metals* (1972).
- [4] Fukuyama H. et al. Meas. Sci. Technol. 18 (2007), 2059-2066.
- [5] Tsukada T. et al. Int. J. Heat Mass Transfer 50 (2007), 3054-3061.
- [6] Kobatake H. et al. *Appl. Phys. Lett.* **90** (2007), 94102 1-3.
- [7] Kobatake H., Fukuyama H., Minato I., Tsukada T. and Awaji S., J. Appl. Phys. 104, (2008) 054901 1-8.
- [8] Kobatake, H., Fukuyama, H., Tsukada, T. & Awaji, S. Meas. Sci. Technol. 21, (2010), 25901 – 25909.
- [9] Kawamura H. et al. Meas. Sci. Technol. 16 (2005), 386-393.
- [10]Higuchi K. et al. Meas. Sci. Technol. 16, (2005) 381-385.
- [11] Chase M. W. Jr ed, in NIST-JANAF Thermochemical

tables 4th edition (1998).

- [12]Kantor P. B. et al. Ukr. Fiz. Zh. 5 (1960), 358-362.
- [13]Yamaguchi K. and Itagaki K. J. Therm. Anal. Cal. 69 (2002), 1059-1066.
- [14]Olette M. Compt. Rend. 244 (1957), 1033-1036.
- [15]Yamamoto K. et al. Jpn. J. Appl. Phys. 30 (1991), 2423-2426.
- [16] Takasuka E. et al. Proc. the 4th Asian Therms. Prop Conf. B1d3 (1995), 89-92.
- [17] Nishi T. et al. Mater. Trans. 44 (2003), 2369-2374.
- [18] Nagai H. et al. Jpn. J. Appl. Phys. **39** (2000), 1405-1408.
- [19] Yamasue E. et al. J Cryst Growth 234 (2002), 121-131.
- [20] Glazov V. M. et al. Sov. Phys. Semicond. 20 (1986), 1351-1353.
- [21] Sasaki H. et al. Jpn. J Appl. Phys. 34 (1995), 3426-3431.
- [22] Schnyders H. S. and Van Zytveld J. B. J. Phys. Condens. Matter 8 (1996), 10875-10883.
- [23] Jellison G E Jr and Lowndes D H, J Appl. Phys. Lett. 51, (1987) 352–354.
- [24] Lampert M O, Koebel J M and Siffert P, J. Appl. Phys. 52, (1981) 4975–4976.
- [25] Li K D and Fauchet P M, Solid State Commun. 61, (1987) 207–209.
- [26] Takasuka E, Tokizaki E, Terashima K and Kimura S, J. Appl. Phys. 81, (1997) 6384–6389.
- [27] Watanabe H, Susa M, Fukuyama H and Nagata K High Temp.-High Press., 31, (1999) 587–593.
- [28] Landort-Bernstein Data Book Sereis, Vol. III 369 (1985) .
- [29] Gale, W. F. and Totemeier, T. C., Smithells Metals Reference book, (2004).
- [30] Stillinger F. H. and Weber T., *Physical Review* B 31, (1985) 5262-5271.
- [31] Kittel, C., Introduction to solid state physics 7th. In Free electron Fermi gas 144-172 (1996).